

Klasse 9	LB 3 – Quadratische Funktionen – quadratische Gleichungen
Folie	Lösung der quadratischen Gleichung: $x^2 + px + q = 0$

Übungsbeispiele zur Lösungsformel der quadratischen Gleichung $x^2 + px + q = 0$

(Anmerkung 1 von Euren lieben Mathematiklehrer – Herr Fischer: Alle Lösungsschritte aufschreiben auch immer die allgemeine Lösungsformel – so prägt sich die Formel ein – ich sehe wenn geschludert wird :))))

Beispiel 1: $x^2 - 6x - 112 = 0$

$$p = -6 \quad q = -112 \quad \frac{p}{2} = -3$$

$$\begin{aligned}x_{1/2} &= -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q} \\x_{1/2} &= -(-3) \pm \sqrt{(-3)^2 - (-112)} \\x_{1/2} &= 3 \pm \sqrt{9 + 112} \\x_{1/2} &= 3 \pm \sqrt{121} \\x_{1/2} &= 3 \pm 11 \\x_1 &= 3 + 11 = 14 \\x_2 &= 3 - 11 = -8\end{aligned}$$

$$L = \{-8 | 14\}$$

Beispiel 3: $x^2 + 4x + 4 = 0$

$$p = 4 \quad q = 4 \quad \frac{p}{2} = 2$$

$$\begin{aligned}x_{1/2} &= -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q} \\x_{1/2} &= -2 \pm \sqrt{(2)^2 - 4} \\x_{1/2} &= -2 \pm \sqrt{4 - 4} \\x_{1/2} &= -2 \pm \sqrt{0} \\x_{1/2} &= -2 \pm 0 \\x &= -2\end{aligned}$$

$$L = \{-2\}$$

Beispiel 2: $x^2 + 5x + 6 = 0$

$$p = 5 \quad q = 6 \quad \frac{p}{2} = 2,5$$

$$\begin{aligned}x_{1/2} &= -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q} \\x_{1/2} &= -2,5 \pm \sqrt{(2,5)^2 - 6} \\x_{1/2} &= -2,5 \pm \sqrt{6,25 - 6} \\x_{1/2} &= -2,5 \pm \sqrt{0,25} \\x_{1/2} &= -2,5 \pm 0,5 \\x_1 &= -2,5 + 0,5 = -2 \\x_2 &= -2,5 - 0,5 = -3\end{aligned}$$

$$L = \{-3 | -2\}$$

Beispiel 4: $x^2 + 2x + 5 = 0$

$$p = 2 \quad q = 5 \quad \frac{p}{2} = 1$$

$$\begin{aligned}x_{1/2} &= -\frac{p}{2} \pm \sqrt{\left(\frac{p}{2}\right)^2 - q} \\x_{1/2} &= -1 \pm \sqrt{(1)^2 - 5} \\x_{1/2} &= -1 \pm \sqrt{1 - 5} \\x_{1/2} &= -1 \pm \sqrt{-4} \\x_{1/2} &= n.l.\end{aligned}$$

$$L = \emptyset$$